

# Lien entre mathématiques et physique :

# Les vecteurs

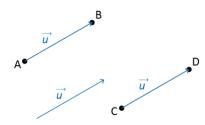
# 1. Quelques différences d'approche entre mathématiques et physique

## 1.1. Le point d'origine du vecteur

## En mathématiques :

#### On distingue:

- le vecteur, notée avec une lettre (par exemple  $\vec{u}$ )
- son représentant dans le plan, délimité par deux points, par exemple  $\overrightarrow{AB}$ .



 $\vec{u}$  n'a pas d'origine.

 $\overrightarrow{AB}$  est **son représentant d'origine** A et dont B est le point d'arrivée.

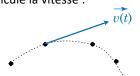
 $\overrightarrow{CD}$  est **un autre représentant** du même vecteur  $\overrightarrow{u}$ , avec le point d'origine C.

#### En physique:

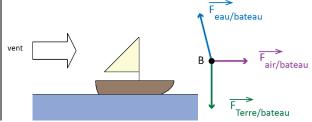
- On ne fait pas de distinction entre le vecteur et son représentant dans le plan car le vecteur est une grandeur physique qui peut ne pas être une distance.
- Selon la grandeur physique représentée, l'origine du vecteur peut avoir une importance.

#### **Exemples:**

Le vecteur-vitesse a pour point d'origine le point dont on calcule la vitesse :



Le vecteur-force n'a pas d'origine (puisqu'il désigne une force répartie sur une surface ou un volume). On représente donc les vecteurs-force à partir d'un même point, choisi arbitrairement car cela facilite la compréhension et les éventuels calculs.



# 1.2. La norme ou la valeur du vecteur

## En mathématiques :

– La norme est définie à partir des coordonnées du vecteur. Pour un vecteur  $\vec{u}(x;y)$  la norme vaut :

$$\|\vec{u}\| = \sqrt{x^2 + y^2}$$

- La norme est par définition une valeur absolue.
- Sauf indication contraire elle n'a pas d'unité.

## En physique:

- Le mot « norme » est rarement employé, on lui préfère le mot « valeur ».
- La notation « || || » est très rarement utilisée. La norme du vecteur est notée avec le symbole de la grandeur, sans la flèche.

#### **Exemples:**

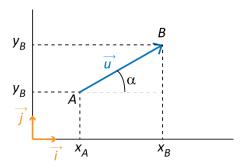
- $F_{A/B}$  pour la valeur d'une force ;
- v(M) pour la valeur d'une vitesse ;
- La norme d'un vecteur est la valeur d'une grandeur physique. Elle a donc l'unité de cette grandeur.

#### **Exemples:**

- ▶ Le vecteur  $\overrightarrow{F_{A/B}}$  a une norme  $F_{A/B}$  en newton.
- Le vecteur  $\overrightarrow{v(M)}$  a une norme v(M) en m · s<sup>-1</sup>



# 1.3. Expression des coordonnées d'un vecteur



$$\overrightarrow{AB} \begin{pmatrix} x_B - x_A \\ y_B - y_A \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \| \overrightarrow{AB} \| \times \cos(\alpha) \\ \| \overrightarrow{AB} \| \times \sin(\alpha) \end{pmatrix}$$

Souvent utilisé en mathématiques

Souvent utilisé en physique.

**Exemple**: vecteur-vitesse initial du projectile:

$$\overrightarrow{v_0} \begin{pmatrix} v_{0x} = v_0 \cos(\alpha) \\ v_{0y} = v_0 \sin(\alpha) \end{pmatrix}$$

# 2. Utile pour la physique : addition et soustraction des vecteurs

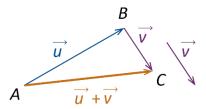
Soient  $\vec{u}$  et  $\vec{v}$  deux vecteurs :



## 2.1. Additionner des vecteurs

L'addition de ces deux vecteurs s'effectue de la manière suivante :

- L'un des deux vecteurs à additionner doit être translaté afin que son point d'origine coïncide avec l'extrémité de l'autre (ci-dessous c'est  $\vec{v}$  qui est translaté).
- La relation de Chasles énonce que :  $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} = \overrightarrow{BD}$
- Le tracé de  $\vec{u} + \vec{v}$  donne donc :



#### 2.2. Soustraire deux vecteurs

Pour tracer  $\vec{u} - \vec{v}$ , on additionne  $\vec{u}$  et  $-\vec{v}$ .

Le vecteur  $-\vec{v}$  est un vecteur de même norme, même direction que  $\vec{v}$  mais de sens opposé.

Le tracé de  $\vec{u}-\vec{v}$  s'effectue donc ainsi :

